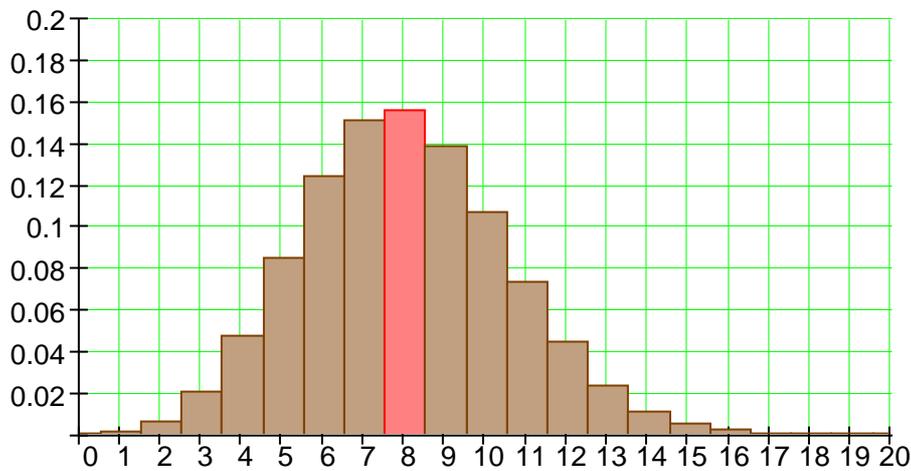


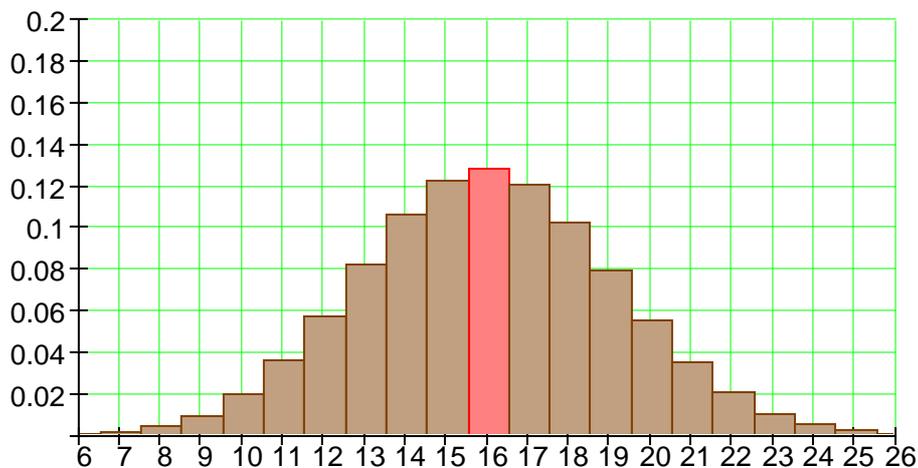
Erwartungswert binomialverteilter Zufallsgrößen

Wird ein Bernoulli- Versuch, bei dem die Trefferwahrscheinlichkeit $p = 0,2$ ist, $n = 40$ mal durchgeführt, dann erwarten wir im Mittel **8 Treffer**.



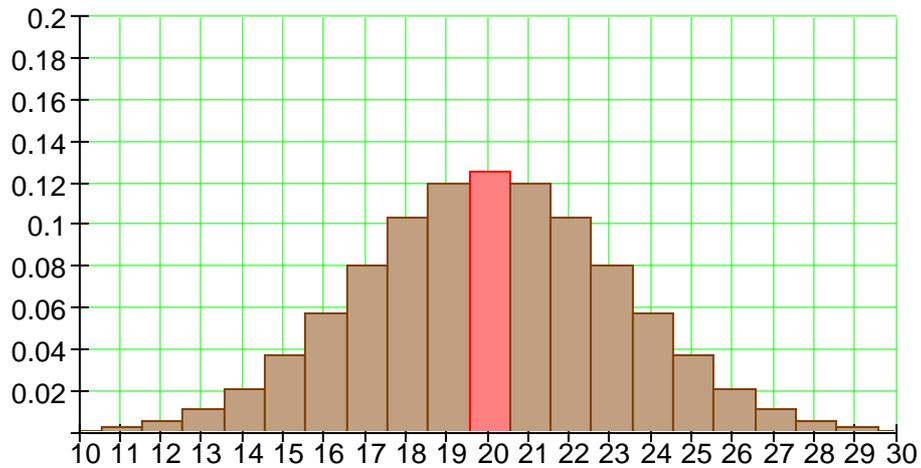
Binomialverteilung für $n = 40$ und $p = 0,2$

Wird ein Bernoulli- Versuch, bei dem die Trefferwahrscheinlichkeit $p = 0,4$ ist, $n = 40$ mal durchgeführt, dann erwarten wir im Mittel **16 Treffer**.



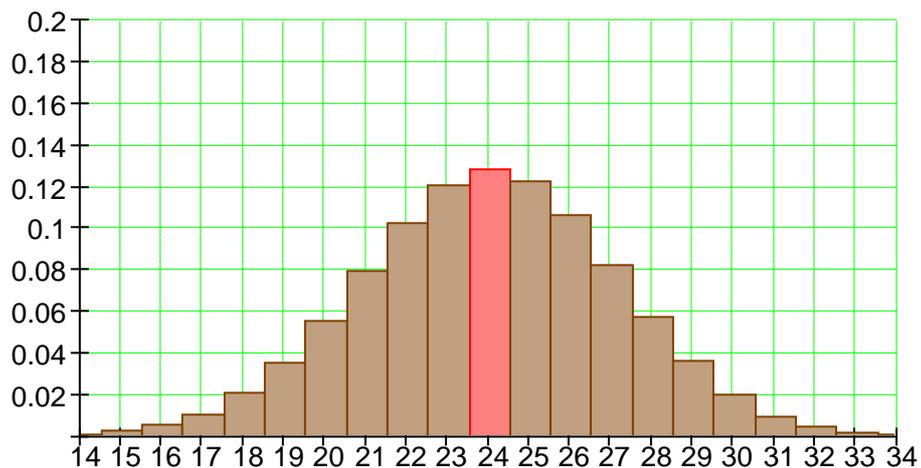
Binomialverteilung für $n = 40$ und $p = 0,4$

Wird ein Bernoulli- Versuch, bei dem die Trefferwahrscheinlichkeit $p = 0,5$ ist, $n = 40$ mal durchgeführt, dann erwarten wir im Mittel **20 Treffer**.



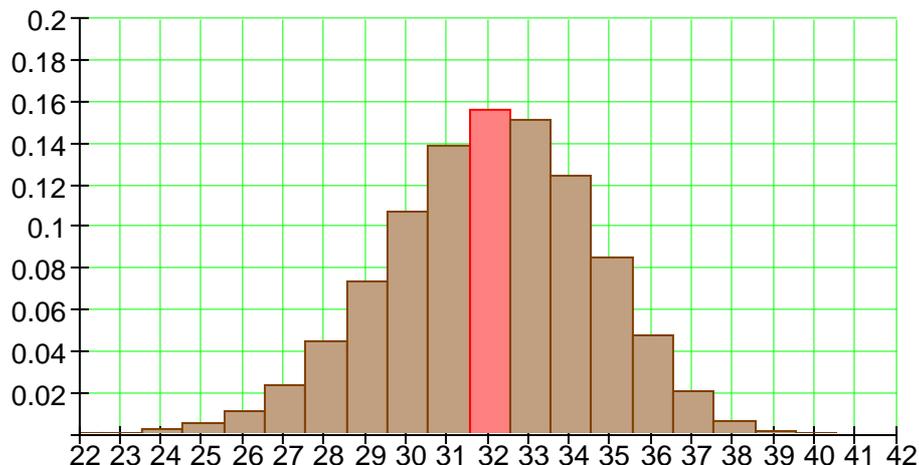
Binomialverteilung für $n = 40$ und $p = 0,5$

Wird ein Bernoulli- Versuch, bei dem die Trefferwahrscheinlichkeit $p = 0,6$ ist, $n = 40$ mal durchgeführt, dann erwarten wir im Mittel **24 Treffer**.



Binomialverteilung für $n = 40$ und $p = 0,6$

Wird ein Bernoulli- Versuch, bei dem die Trefferwahrscheinlichkeit $p = 0,8$ ist, $n = 40$ mal durchgeführt, dann erwarten wir im Mittel **32 Treffer**..



Binomialverteilung für $n = 40$ und $p = 0,8$

Beim Würfeln erwarten wir, dass bei 6000 Würfeln die Zahl 6 etwa 1000 mal auftritt. Das bedeutet nicht, dass die Zahl 6 tatsächlich 1000 mal auftritt. Der Erwartungswert setzt unendlich viele Experimente voraus, deren Mittelwert er darstellt.

Zusammenfassend kann man sagen:

Wird ein Bernoulli- Versuch, bei dem die Trefferwahrscheinlichkeit p ist, n mal durchgeführt, dann erwarten wir im Mittel **n mal p Treffer**.

Erwartungswert einer Binomialverteilung:	<p>Bei einem n-stufigen Bernoulli-Versuch mit der Erfolgswahrscheinlichkeit p gilt für den Erwartungswert $E(X)$ der Zufallsvariablen X "Anzahl der Erfolge"</p> $E(X) = n \cdot p$ <p>Statt $E(X)$ schreiben wir auch μ (in der mathematischen Literatur üblich). Damit ist der Erwartungswert einer binomial verteilten Zufallsgröße X</p> $\mu = n \cdot p$
---	---

Der Beweis soll an dieser Stelle nicht geführt werden. Er kann mithilfe des Binomischen Lehrsatzes erfolgen.

Bei Betrachtung der Histogramme fällt auf, dass die mit der größten Wahrscheinlichkeit auftretenden Ergebnisse dem Erwartungswert entsprechen.

Die Form der Histogramme ist ähnlich, sie entspricht der einer Glocke.

Für $p = 0,5$ liegen die Werte symmetrisch zum Erwartungswert.

Für $p < 0,5$ ist die Verteilung „linksschief“, für $p > 0,5$ dagegen „rechtsschief“.

In der Nähe des Erwartungswertes liegen die Ergebnisse mit den höchsten Wahrscheinlichkeiten.

Die Höhe einer Säule entspricht der Wahrscheinlichkeit des zugehörigen Ergebnisses, ihre Breite beträgt 1 Einheit. Da aber die Summe aller Einzelwahrscheinlichkeiten eines Zufallsexperimentes immer 1 ist, ergibt die Summe aller Säulenflächen ebenfalls den Wert 1.

Die Fläche der Säulen in einem bestimmten Intervall ist somit ein Maß für die Wahrscheinlichkeit aller Erfolge, die in diesem Intervall liegen.